

# ЕНЕРГЕТИКА

---

УДК 621.039.743

*Азаров С.І.*

Інститут ядерних досліджень НАН України

*Евланов В.М.*

Державне підприємство «Державний науково-технічний центр з ядерної та радіаційної безпеки»

## МОДЕЛЮВАННЯ ТЕПЛОМАСООБМІНУ В СХОВИЩІ ВІДПРАЦЬОВАНОГО ЯДЕРНОГО ПАЛИВА

*У статті представлена математичну модель і результати розрахунків щодо визначення локальних значень температур у сховищі відпрацьованого ядерного палива в різні моменти часу.*

**Ключові слова:** атомна електростанція, відпрацьоване ядерне паливо, сховище «мокрого» типу, чисельне моделювання.

**Постановка проблеми.** Аварії на сховищах відпрацьованого ядерного палива (далі – СВЯП), розташованих на території атомних станцій (далі – АС), є маломовірними, але можливими подіями. Про це свідчить світовий досвід, а саме: короткочасна (близько доби) втрата охолодження басейнів витримки (далі – БВ) з відпрацьованим ядерним паливом (далі – ВЯП) на підприємстві з переробки палива в Селлафілді (Великобританія) [1], а також недавня тривала втрата охолодження приреакторних басейнів на енергоблоках АС «Фукусіма-1» [2; 3].

Як відомо, її наслідки були вкрай важкими: повна втрата (випарювання) води з басейну, переврів цирконієвих оболонок тепловиділяючих елементів, пароцирконієва реакція з виділенням водню, утворенням грумучої суміші, вибухом і забрудненням довкілля продуктами аварії.

Натепер більша частина ВЯП знаходитьться в умовах так званого «мокрого» зберігання в сховищах відпрацьованого ядерного палива. Це БВ, через які прокачується вода, що нагрівається теплотою залишкового енерговиділення ВЯП, охолоджується потім у теплообмінниках зовнішньої системи охолодження.

СВЯП «мокрого» типу розташовуються на території атомної електростанції та призначенні для подальшої хімічної переробки ВЯП або для його «остаточного» поховання.

Водночас в одному СВЯП може зберігатися до декількох десятків тисяч відпрацьованих тепловиділяючих збірок (далі – ВТВЗ). Потужність тепловиділення однієї ВТВЗ відносно невелика,

наприклад, для СВЯП ЧАЕС – від 30 до 80 Вт залежно від проміжку часу, що пройшов після вивантаження з реактора.

Однак за наявності великої кількості ВТВЗ загальна потужність тепловиділення в сховищі виявляється достатньою, щоб у разі припинення примусової циркуляції води через відсіки басейну температура води через кілька діб досягла високих значень, за яких інтенсивність випаровування стає неприпустимо великою.

**Аналіз останніх досліджень і публікацій.** Над проблемою дослідження безпеки сховищ відпрацьованого ядерного палива, розташованих на території АС, працюють багато вітчизняних і закордонних спеціалістів і науковців. Різні аспекти й окремі підходи до дослідження цієї проблеми висвітлено в численних працях [1–3], але через те, що цей процес є безперервним, постійним і надзвичайно актуальним, дослідження тривають.

**Постановка завдання.** Завдання роботи полягає у виконанні розрахункових аналізів поведінки палива в БВ під час аварій, що супроводжуються втратою можливостей забезпечення тепловідведення або підтримання запасу теплоносія.

Мета статті – навести результати розрахункових аналізів сценаріїв аварій, пов’язаних з утратою тепловідведення від БВ.

**Виклад основного матеріалу дослідження.** У стаціонарному режимі експлуатації СВЯП процеси тепломасообміну збалансовані так, що температури всіх елементів СВЯП практично постійні, тобто схильні тільки до сезонних коливань.

В аварійній ситуації (припинення циркуляції охолоджуючої води, а також примусової повітряної вентиляції надводного простору) цей баланс порушується в бік перевищення тепловиділення над тепловідводом, і такий стан зберігається до тих пір, поки знову не встановиться рівновага, але вже на більш високому температурному рівні.

Підвищення температури води в пеналах і БВ супроводжується збільшенням темпу випаровування води, що призводить до зниження рівня води в пеналах і басейні, як наслідок, повного або часткового осушення відпрацьованих тепловиділяючих збірок.

Ця обставина робить актуальним розроблення сценаріїв виникнення й розвитку гіпотетичних аварій, які можуть статися в результаті тривалого знеструмлення СВЯП і припинення циркуляції води через басейн зберігання відпрацьованого ядерного палива.

Найбільш повна інформація в цій галузі може бути отримана за допомогою методів математичного моделювання.

Розрахункова модель СВЯП [4] являє собою приведене до однієї ВТВЗ «мікросховище» ВЯП, що містить усі елементи натурного «мокрого» сховища відпрацьованого ядерного палива, які беруть участь у тепломасообмінних процесах: тепловиділяючі елементи, пенали, вода пеналів і басейн, торцеве та бічне огороження басейну тощо (рис. 1).

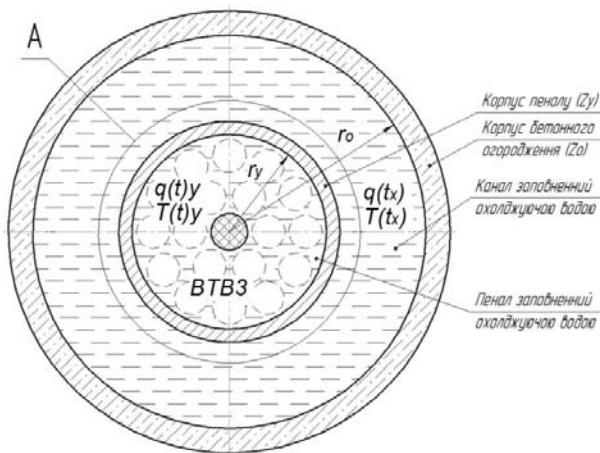


Рис. 1. Конфігурація розташування елементів і теплових зв'язків між ними в модельній «комірці» СВЯП

У моделі всі вертикальні розміри, розміри пенала та його вмісту збережені натурними, а міжпенальний простір змодельовано більш простим для розгляду, але подібним відносно конвективної тепловіддачі кільцевим каналом, при-

чому радіальні розміри моделі вибрані так, щоб у розрахунку на одну ВТВЗ в моделі й натурному СВЯП були рівні такі площини:

- поперечного перерізу міжпенального простору;
- поперечного перерізу бокових бетонних огорож;
- поверхні випаровування всередині пеналу.

Отже, в розрахунку на одну ВТВЗ в моделі й натурному сховищі дотримано рівність обсягів, мас і теплоємність розглянутих елементів СВЯП. Умови тепlop передачі через зовнішні огороження басейну визначені з використанням критерію крайової подібності Біо, що являє собою відношення внутрішнього й зовнішнього термічних опорів.

У деякий момент часу  $t$  в СВЯП відбувався теплообмін між його елементами та навколошнім середовищем.

На основі теплового балансу між кінцевими елементами й середовищем складаємо систему диференціальних рівнянь збереження для модельної «комірки» СВЯП, яка має вигляд:

$$\int_{V_j} q(\vec{r}, t) d\vec{V}_j = \int_{V_j} c(\vec{r}) \frac{\partial \theta(\vec{r}, t)}{\partial t} d\vec{V}_j - \int_{V_j} \operatorname{div} \vec{q}(\vec{r}, t)_j d\vec{V}_j, \quad (1)$$

де  $j=1, 2, \dots, N$ ;

$q(\vec{r}, t)$  – потужність внутрішніх джерел тепла  $j$ -го тіла в  $T \cdot r$  момент часу  $t$ ;

$c(\vec{r})$  – ізохорична теплоємність  $j$ -го тіла в  $T \cdot r$  момент часу  $t$ ;

$V$  – об'єм  $j$ -го тіла.

Застосовуючи формулу Остроградського-Гауса, перетворюємо другі члени системи рівнянь (1) і за допомогою оператора усереднювання

$$L[f(\vec{x}, t)] = \frac{1}{A_i} \int_{A_i} f_i(\vec{x}, t) dA = \tilde{f}(\vec{x}, t), \quad (2)$$

Усереднімо всі члени системи (2). У результаті отримаємо систему диференціальних рівнянь із розподільними параметрами вигляду:

$$\tilde{q}(t)_j = \tilde{C}_j \frac{\partial \tilde{\theta}^V(t)_j}{\partial t} - \tilde{\theta}_j \left[ \frac{d \tilde{\theta}^S(t)_j}{dr_j} \right]_{S_j}, \quad (3)$$

де  $\tilde{\theta}^V(t)$  – відносна середньооб'ємна температура  $j$ -го тіла в момент часу  $t$ ;

$\tilde{\theta}^S(t)$  – відносна середньооб'ємна температура  $j$ -го тіла в момент часу  $t$ ;

$\tilde{\lambda}$  – усереднений коефіцієнт тепlop провідності  $j$ -го тіла.

Припустимо, що  $N$  тіла пов'язані між собою ідеальними тепловими зв'язками та їх можна розглядати як єдине суцільне тіло, а оболонку, що їх обмежує, позначимо  $K$  (корпус БВ). З урахуванням цих припущень і позначень замінимо систему диференціальних рівнянь із розподіленими

параметрами системою рівнянь із зосередженими параметрами, а саме [5]:

$$\begin{cases} \tilde{q}(t)_a = \tilde{C}_a \frac{\partial \tilde{\theta}^V(t)_a}{\partial t} - \tilde{\theta}_a \left[ \frac{d\tilde{\theta}^S(t)_a}{dr_a} \right]_{S_a}, \\ \tilde{q}(t)_K = \tilde{C}_K \frac{\partial \tilde{\theta}^V(t)_K}{\partial t} - \tilde{\theta}_K \left[ \frac{d\tilde{\theta}^S(t)_K}{dr_K} \right]_{S_K}, \end{cases}, \quad (4)$$

де

$$\tilde{q}(t)_K = \sum_{i=1}^{k-1} \tilde{q}(t)_i; \quad (5)$$

$$\tilde{\lambda}_K = \sum_{i=1}^{k-1} \tilde{\lambda}_i; \quad (6)$$

$$\tilde{C}_K = \sum_{i=1}^{k-1} \tilde{C}_i; \quad (7)$$

$$\frac{d\tilde{\theta}^V(t)_K}{dt} = \sum_{i=1}^{k-1} \frac{d\tilde{\theta}^V(t)_i}{dt}; \quad (8)$$

$$\left[ \frac{d\tilde{\theta}^S(t)_K}{dr_K} \right]_{S_K} = \sum_{i=1}^{k-1} \left[ \frac{d\tilde{\theta}^S(t)_i}{dr_i} \right]_{S_i}. \quad (9)$$

Задамося початковими і граничними умовами:

$$\tilde{\theta}^S(t)|_{t=0} = \tilde{\theta}^S(t)|_{t=0} = \tilde{\theta}^V(t)|_{t=0} = \tilde{\theta}^V(t)|_{t=0} = 0; \quad (10)$$

$$\begin{cases} -\tilde{\theta}_K \left[ \frac{d\tilde{\theta}^S(t)_K}{dr_K} \right]_{S_K} = \tilde{\theta}_{K-T} [\tilde{T}^S(t)_K - \tilde{T}(t)_T], \\ -\tilde{\theta}_a \left[ \frac{d\tilde{\theta}^S(t)_a}{dr_a} \right]_{S_a} = \tilde{\theta}_{a-K} [\tilde{T}^S(t)_a - \tilde{T}(t)_K]; \end{cases} \quad (11)$$

тут:

$$\begin{cases} \tilde{\sigma}_{a-K} = \frac{\tilde{a}_{a-K} S_a}{\tilde{a}_{K-T} S_K}, \\ \tilde{\sigma}_{K-T} = \frac{\tilde{a}_{K-T} S_K \tilde{\lambda}_K f_K}{\tilde{a}_{K-T} S_K l_K}; \end{cases} \quad (12)$$

З урахуванням початкових і граничних умов запишемо систему двох лінійних рівнянь:

$$\begin{cases} \tilde{q}(t)_K - \tilde{\sigma}_{K-T} [\psi(t)_K \tilde{T}^V(t)_K - \tilde{T}^V(t)_T] = \tilde{C}_K \frac{d\tilde{T}^V(t)_K}{dt}, \\ \tilde{q}(t)_a - \tilde{\sigma}_{a-K} [\psi(t)_a \tilde{T}^V(t)_a - \psi(t)_K \tilde{T}^V(t)_K] = \tilde{C}_a \frac{d\tilde{T}^V(t)_a}{dt}, \end{cases} \quad (13)$$

тут:

$$\begin{cases} \psi(t)_K = \frac{V_K}{S_K} \int_{V_K}^{S_K} \tilde{T}^S(t)_K dS_K, \\ \psi(t)_a = \frac{V_a}{S_a} \int_{V_a}^{S_a} \tilde{T}^S(t)_a dS_a; \end{cases} \quad (14)$$

Зробимо припущення, що параметри  $\psi(t)_a$  і  $\psi(t)_K$  протягом усього періоду часу в разі переходного температурного процесу в ядерному реакторі залишаються постійними.

Тоді з урахуванням цього системи двох лінійних рівнянь із постійними коефіцієнтами відносно  $\tilde{T}^V(t)_a$  і  $\tilde{T}^S(t)_K$  матиме вигляд:

$$\begin{cases} \frac{d^2 \tilde{T}^V(t)_a}{dt^2} + A_1 \frac{d\tilde{T}^V(t)_a}{dt} + A_2 \tilde{T}^V(t)_a = \\ = A_3 \tilde{q}(t)_a + A_4 \tilde{q}(t)_K + A_5 \tilde{T}(t)_T; \\ \tilde{T}^S(t)_K = A_6 \frac{d\tilde{T}^V(t)_a}{dt} + A_7 \tilde{T}^V(t)_a - A_8 \tilde{q}(t)_a, \end{cases} \quad (15)$$

де

$$\begin{cases} A_1 = Z_a + Z_K; A_2 = Z_a \cdot Z_K; A_3 = \tilde{C}_a^{-1} \left[ \frac{d\tilde{q}(t)_a}{dt} + Z_K \right]; \\ A_4 = \frac{\tilde{\sigma}_{a-K}}{\tilde{C}_a \cdot \tilde{C}_K \psi_K}; A_5 = \frac{Z_K \cdot \tilde{\sigma}_{a-K}}{\tilde{C}_a \cdot \psi_K}; A_6 = \frac{1}{Z_a \cdot \psi_K}; \\ A_7 = \frac{\psi_a}{\psi_K}; A_8 = \frac{1}{\psi_K \tilde{\sigma}_{a-K}}; Z_a = \frac{\tilde{\sigma}_{a-K} \tilde{\sigma}_a}{\tilde{C}_a}; Z_K = \frac{\tilde{\sigma}_{K-T} S_K}{\tilde{C}_K}. \end{cases} \quad (16)$$

Розв'язання рівняння (16) знайдемо за допомогою квадрата з розв'язання однорідного рівняння вигляду:

$$\frac{d^2 \tilde{T}^V(t)_a}{dt^2} + A_1 \frac{d\tilde{T}^V(t)_a}{dt} + A_2 \tilde{T}^V(t)_a = 0. \quad (17)$$

Для рівняння (17) запишемо характеристичне рівняння:

$$N^2 + A_1 N + A_2 = 0. \quad (18)$$

Вирішуючи його щодо  $N$ , знайдемо корені:

$$N_{1,2} = \frac{-A_1}{2} \pm \left[ \left( \frac{A_1}{2} \right)^2 - A_2 \right]^{1/2}. \quad (19)$$

Розглянемо три випадки розв'язання характеристичного рівняння (19):

1 випадок:  $Z_a > Z_K$ :

$$\tilde{T}^V(t)_a = C_1 e^{-N_1 t} + C_2 e^{-N_2 t}, \quad (20)$$

2 випадок:  $Z_a = Z_K$ :

$$\tilde{T}^V(t)_a = (C_1^* + C_2^* \cdot t) \cdot e^{-N_{1,2} t}; \quad (21)$$

3 випадок:  $Z_a < Z_K$ :

$$\tilde{T}^V(t)_a = (C_1^{**} \cos \beta t + C_2^{**} \sin \beta t) \cdot e^{-A_1/2 t}, \quad (22)$$

де

$$\beta = \left[ A_2 - \left( \frac{A_1}{2} \right)^2 \right]^{1/2}. \quad (23)$$

Подальший аналіз теплофізичних процесів, що відбуваються в БВ, проводитимемо за виконання таких умов:

$$\tilde{q}(t)_a = 0; \tilde{T}(t)_a = \text{const}; Z_a \geq Z_K. \quad (24)$$

Вирішуючи рівняння (17) зі спеціальною правою частиною, знайдемо аналітичні вирази, що описують вимірювання температурних полів у корпусі БВ при різних законах дії зовнішніх збурень.

Результати цих розрахунків подано в таблиці 1.

Тут:

$$M_x = M \cos \phi_\omega = \frac{M \cdot Z_a}{\sqrt{Z_a^2 + \omega^2}}; 0 < \phi_\omega < \pi / 2; \quad (25)$$

$$\phi_\omega = -\arctg(\omega \cdot Z_a); \quad (26)$$

$$\omega = 2\pi/t; \quad (27)$$

де константи інтеграції дорівнюють:

$$C_1 = A_3 / \chi \cdot [m \cdot \tilde{g}(t)_a - (N_1 + \chi)]; \quad (28)$$

Таблиця 1

**Результати розрахунків температур у БВ при різних законах вимірювання зовнішніх збурень за умови  $Z_a \geq Z_K$**

	$\tilde{q}(t)_a = sign(t), t > 0$	$\tilde{q}(t)_a = B + D \cdot t$	$\tilde{q}(t)_a = M \cdot \sin \omega t$
$Z_a \wedge Z_K$	$\tilde{T}^V(t)_K = \psi_a [\tilde{T}^V(t)_a - Z_a^{-1} \times \\ \times (N_1 C_3 e^{-N_1 t} + N_2 C_2 e^{-N_2 t})] - \\ - A_3.$ $\tilde{T}^V(t)_a = C_1 e^{-N_1 \cdot t} + C_2 e^{-N_2 \cdot t} + \\ + A_3;$	$\tilde{T}^V(t)_K = \psi_a [\tilde{T}^V(t)_a - Z_a^{-1} \times \\ \times (N_1 C_3 e^{-N_1 t} + N_2 C_4 e^{-N_2 t})] - \\ - A_3 \cdot (B + Dt).$ $\tilde{T}^V(t)_a = C_3 e^{-N_1 \cdot t} + C_4 e^{-N_2 \cdot t} + \\ + A_3 \left( \frac{D}{A_1} \cdot t - \frac{B}{A_2} \right);$	$\tilde{T}^V(t)_K = \psi_a [\tilde{T}^V(t)_a - Z_a^{-1} \times \\ \times (N_1 C_5 e^{-N_1 t} + N_2 C_6 e^{-N_2 t})] - \\ - A_3 \cdot M \cdot \sin \omega t$ $\tilde{T}^V(t)_a = C_5 e^{-N_1 \cdot t} + C_6 e^{-N_2 \cdot t} + \\ + \frac{A_3}{A_2} M \sin(\omega t + \varphi_\omega);$
$Z_a \wedge Z_K$	$\tilde{T}^V(t)_K = \frac{\Psi_a}{\Psi_K} [\tilde{T}^V(t)_a - Z_a^{-1} \times \\ \times [(C_1^* + C_2^* t) N_{1,2} + C_2^*] \times \\ \times e^{-N_{1,2} t}] - A_3.$ $\tilde{T}^V(t)_a = (C_1^* + C_2^* \cdot t) \cdot e^{-N_{1,2} t} + \\ + A_3;$	$\tilde{T}^V(t)_K = \frac{\Psi_a}{\Psi_K} [\tilde{T}^V(t)_a - Z_a^{-1} \times \\ \times [(C_3^* + C_2^* t) N_{1,2} + C_4^*] \times \\ \times e^{-N_{1,2} t}] - A_3 \cdot (B + Dt).$ $\tilde{T}^V(t)_a = (C_1^* + C_2^* \cdot t) \cdot e^{-N_{1,2} t} + \\ + A_3 \left( \frac{D}{A_1} \cdot t - \frac{B}{A_2} \right);$	$\tilde{T}^V(t)_K = \frac{\Psi_a}{\Psi_K} [\tilde{T}^V(t)_a - Z_a^{-1} \times \\ \times [(C_4^* + C_2^* t) N_{1,2} + C_4^*] \times \\ \times e^{-N_{1,2} t}] - A_3 \cdot M \cdot \sin \omega t.$ $\tilde{T}^V(t)_a = (C_1^* + C_2^* \cdot t) \cdot e^{-N_{1,2} t} + \\ + \frac{A_3}{A_2} M \sin(\omega t + \varphi_\omega);$

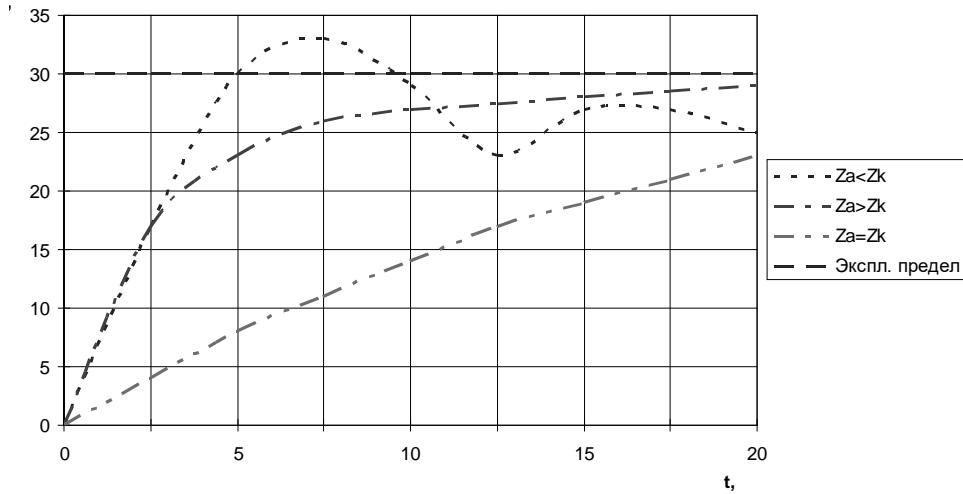


Рис. 2. Зміна різниці між температурою теплоносія та температурою корпусу БВ в разі миттєвого зменшення витрати теплоносія в БВ в 1,5 рази

$$C_2 = A_3 / \chi \cdot [N_1 - m \cdot \tilde{g}(t)_a]; \quad (29)$$

$$C_3 = A_3 / \chi \cdot \left[ m(B + Dt) - (N_1 + \chi) \cdot \left( \frac{D}{A_1} t - \frac{B}{A_2} \right) \right]; \quad (30)$$

$$C_4 = A_3 / \chi \cdot \left[ N_1 \cdot \left( \frac{D}{A_1} t - \frac{B}{A_2} \right) - m(B + Dt) \right]; \quad (31)$$

$$C_5 = A_3 / \chi \cdot \left\{ m \cdot M \cdot \sin \omega t - (N_1 + \chi) \left[ \frac{M_x^2}{A_2} \sin(\omega t + \phi_\omega) \right] \right\}; \quad (32)$$

$$C_6 = A_3 / \chi \cdot \left[ \frac{N_1 M_x^2}{A_2} \sin(\omega t + \phi_\omega) - m \cdot M \cdot \sin \omega t \right]; \quad (33)$$

$$\chi = N_2 - N_1; \quad (34)$$

$$m = Z_a / \psi_a \cdot \sigma_{a-K}; \quad (35)$$

$$C_2^* = -A_3; \quad (36)$$

$$C_3^* = \psi_a^{-1} \cdot \sigma_{a-K}^{-1} \cdot [(\psi_a \cdot \sigma_{a-K} - 1) - N_{1,2} \psi_a \sigma_{a-K}]; \quad (37)$$

$$C_4^* = \frac{A_3 M_x^2}{A_2} \sin(\omega t + \phi_\omega); \quad (38)$$

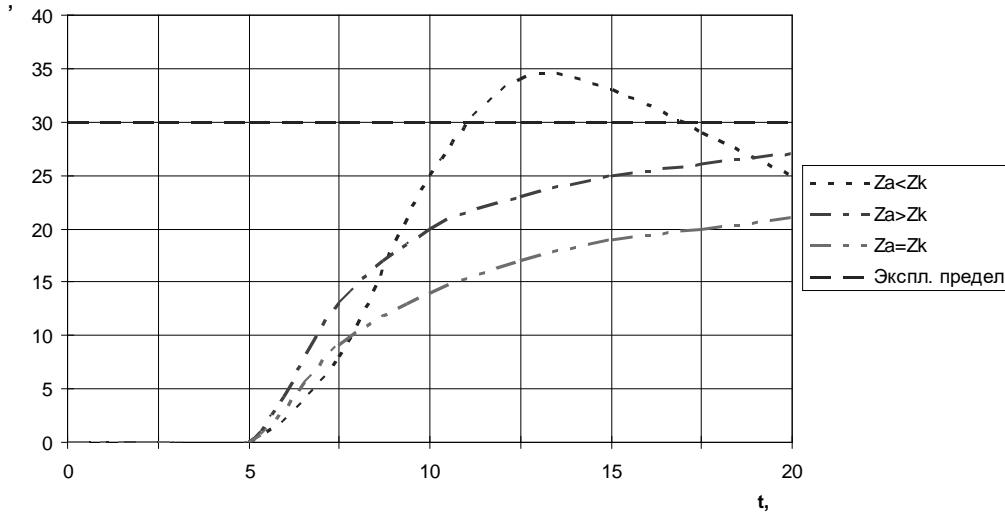
$$A_3^* = \psi_a^{-1} \cdot \sigma_{a-K}^{-1}, C_3^* = -A_3 \left( \frac{D}{A_1} t - \frac{B}{A_2} \right). \quad (39)$$

Знайдемо значення критеріїв Фур'є, за яких зміна температури в корпусі БВ відбудуватиметься за експоненціальним законом із єдиним показником експоненти, а також оцінимо час настання стаціонарного температурного режиму за умови  $Z_a > Z_K$ ,  $\Delta \varepsilon \leq 0,01$  і  $\xi \leq 0,01$ .

Таблиця 2

**Значення критеріїв Фур'є й часу настання стаціонарного температурного режиму в БВ при різних законах зміни зовнішніх збурень за умови  $Z_a > Z_k$**

$\tilde{q}(t)_k = \text{sign}(t), t > 0$	$\tilde{q}(t)_k = B + D \cdot t$	$\tilde{q}(t)_k = M \cdot \sin \omega t$
$Fo_k = \frac{Z_k}{\chi} \ln \left( \frac{N_2 M_1}{N_1 L_1 \cdot \Delta \varepsilon} \right);$ $Fo_a = \frac{Z_a}{\chi} \ln \left( \frac{M_1}{L_1 \cdot \Delta \varepsilon} \right).$	$Fo_k = \frac{Z_k}{\chi} \ln \left( \frac{N_2 M_2}{N_1 L_2 \cdot \Delta \varepsilon} \right);$ $Fo_a = \frac{Z_a}{\chi} \ln \left( \frac{M_2}{L_2 \cdot \Delta \varepsilon} \right).$	$Fo_k = \frac{Z_k}{\chi} \ln \left( \frac{N_2 M_3}{N_1 L_3 \cdot \Delta \varepsilon} \right);$ $Fo_a = \frac{Z_a}{\chi} \ln \left( \frac{M_3}{L_3 \cdot \Delta \varepsilon} \right).$
$t_k^* = \frac{1}{N_1} \ln \frac{N_1  L_1 }{\chi \cdot \Delta \varepsilon};$ $t_a^* = \frac{1}{N_1} \ln \frac{ L_1 }{\chi \cdot \Delta \varepsilon}.$	$t_k^* = \frac{1}{N_1} \ln \frac{N_1  L_2 }{\chi \cdot \Delta \varepsilon};$ $t_a^* = \frac{1}{N_1} \ln \frac{ L_2 }{\chi \cdot \Delta \varepsilon}.$	$t_k^* = \frac{1}{N_1} \ln \frac{N_1  L_3 }{\chi \cdot \Delta \varepsilon};$ $t_a^* = \frac{1}{N_1} \ln \frac{ L_3 }{\chi \cdot \Delta \varepsilon}.$



**Рис. 3. Зміна різниці між температурою теплоносія й температурою корпусу БВ в разі ступінчастого збільшення температури теплоносія на 25% у хвилину**

Результати розрахунків цих параметрів при різних законах зміни зовнішніх збурень зведені в таблиці 2.

Тут:

$$M_1 = N_1 - m \tilde{q}(t)_a; \quad (40)$$

$$L_1 = m \tilde{q}(t)_a - (N_1 + \chi); \quad (41)$$

$$M_2 = N_1 \left( \frac{D}{A_1} t - \frac{B}{A_2} \right) - m(B + Dt); \quad (42)$$

$$L_2 = m(B + Dt) - (N_1 + \chi) \left( \frac{D}{A_1} t - \frac{B}{A_2} \right); \quad (43)$$

$$M_3 = N_1 \frac{M_x^2}{A_2} \cdot \sin(\omega t + \phi_o) - m \cdot M \cdot \sin \omega t; \quad (44)$$

$$L_3 = m \cdot \left[ M \cdot \sin \omega t - (N_1 + \chi) \right] \left[ \frac{M_x^2}{A_2} \cdot \sin(\omega t + \phi_o) \right]; \quad (45)$$

Розглянемо деякі окремі випадки теплообміну в модельній «комірці» СВЯП.

Наприклад, якщо потужність тепловиділення в БВ не міняється ( $q_{K(t)} = \text{const}$ ), а температура теплоносія в момент часу  $t_0$  міняється стрибком [6].

Теплопровідність корпусного матеріалу оболонки БВ задавалася лінійною залежністю від температури:

$$\lambda = \lambda_0 (1 + \beta T); \quad (46)$$

Коефіцієнт тепловіддачі  $a_T$  від корпусу оболонки БВ до теплоносія визначався з такого співвідношення:

$$Nu = \frac{a \cdot d_m}{\lambda_m}; \quad (47)$$

На рис. 2 і 3 подано розраховані теплові процеси, що відбуваються в корпусі БВ при імпуль-

сній зміні температури теплоносія і ступінчастій зміні теплообміну в БВ за різних значень  $Z_a$  і  $Z_k$ .

З рис. 2, 3 видно, що в переходних режимах експлуатації БВ температура його корпусу може перевищити експлуатаційну межу.

**Висновки.** Отже, на основі викладеного вище можемо резюмувати таке:

1. Під час аналізу причин, що вплинули на переход БВ в передаварійний та аварійний статус, потрібно враховувати теплофізичні фактори та його фізико-технічні особливості.

2. Фізико-технічні особливості БВ, специфіка його теплогідродинаміки такі, що властива йому структурна нестійкість може слугувати причиною латентних внутрішньокорпусних дефектів.

3. Для оптимізації сценаріїв можливих аварійних процесів необхідним елементом є режимна діагностика запасів стійкості внутрішніх процесів протягом усього терміну його служби для об'єктивної оцінки передаварійного статусу й формування адекватних керуючих впливів.

#### Список літератури:

1. Катастрофа на АЕС «Фукусіма». URL: <http://nuclphys.sinp.msu.ru / ecology/fukushima/index.html>.
2. Аналіз важких аварій в басейні витримки відпрацьованого ядерного палива АЕС «Фукусіма-Даїчі» / О.Л. Коцуба, Ю.Ю. Воробйов, О.І. Жабін, Д.В. Гуменюк. *Ядерна та радіаційна безпека*. 2016. № 4 (72). С. 13–20.
3. Азаров С.І., Задунай О.С., Евланов В.М. Аналіз аварії на АЕС Fuku-shima-Daiichi. *The scientific heritage*. 2018. № 27. Р. 1: Budapest, Hungary. С. 41–49.
4. Азаров С.І., Сидоренко В.Л., Задунай О.С. Оцінка теплофізичної безпеки басейну витримки СВЯП-1. *Вчені записки Таврійського національного університету імені В.І. Вернадського. Серія «Технічні науки»*. 2018. Том 29 (68). Ч. 2. № 5. С. 100–103.
5. Азаров С.І., Скицько Г.А., Сорокин Г.А. Модуль расчета температуры в корпусе ядерного реактора при различных изменениях тепловыделения в активной зоне. *Промышленная теплотехника*. 2008. Т. 30. № 1. С. 67–76.
6. Азаров С.І., Сидоренко В.Л., Задунай О.С. Моделювання процесу тепломасообміну в сховищі відпрацьованого ядерного палива. *Вчені записки Таврійського національного університету імені В.І. Вернадського. Серія «Технічні науки»*. 2018. Том 29 (68). № 3. С. 56–60.

## МОДЕЛИРОВАНИЕ ТЕПЛОМАССООБМЕНА В ХРАНИЛИЩЕ ОТРАБОТАННОГО ЯДЕРНОГО ТОПЛИВА

*В статье представлены математическая модель и результаты расчетов по определению локальных значений температур в хранилище отработанного ядерного топлива в различные моменты времени.*

**Ключевые слова:** атомная электростанция, отработанное ядерное топливо, хранилище «мокрого» типа, численное моделирование.

## SIMULATION OF THE HEAT MASSTRANSFER AT A STORAGE FOR SPENT NUCLEAR FUEL

*In the paper are presented the mathematical model and the results of calculations of local temperatures in “wet” type storage for spent nuclear fuel. There are considered normal and accident non-stationary situations, connected with the stopping of water circulation through pool.*

**Key words:** nuclear power plant, spent nuclear fuel, “wet” type storage, numerical simulation.